

**Instituto de  
Computação**

UNIVERSIDADE ESTADUAL DE CAMPINAS



**MC102 - Aula 16**

**Algoritmos de ordenação**

Algoritmos e Programação de Computadores

Turmas

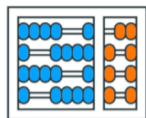
**OVXZ**

**Prof. Lise R. R. Navarrete**

[lrommel@ic.unicamp.br](mailto:lrommel@ic.unicamp.br)

Terça-feira, 17 de maio de 2022

21:00h - 23:00h (CB06)



**Instituto de  
Computação**

UNIVERSIDADE ESTADUAL DE CAMPINAS



UNICAMP

**MC102** – Algoritmos e Programação de Computadores

---

Turmas

**OVXZ**

<https://ic.unicamp.br/~mc102/>

Site da Coordenação de MC102

Aulas teóricas:

Terça-feira, 21:00h - 23:00h (CB06)

Quinta-feira, 19:00h - 21:00h (CB06)

# Conteúdo

- O problema de Ordenação
- Bubble Sort
- Selection Sort
- Insertion Sort
- Resumo
- Exercícios

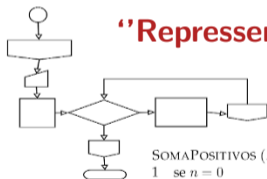
# O problema de Ordenação

um **algoritmo** é qualquer

**procedimento computacional “bem definido”**

que recebe um conjunto de valores como **entrada**

e produz um conjunto de valores como **saída**



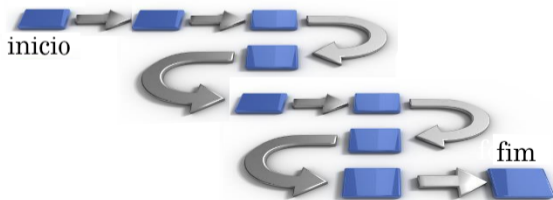
**“Representação”**

de uma

**“sequência finita de passos”**

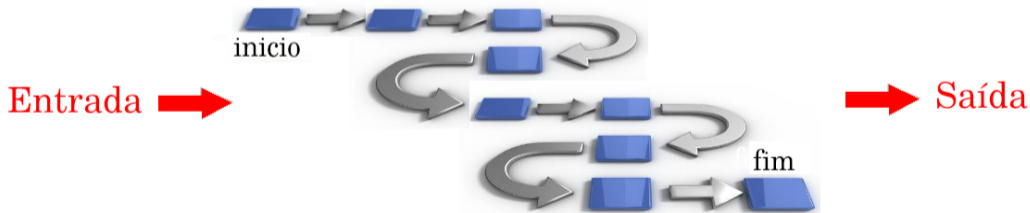
```

SOMAPOSITIVOS (A, n)
1  se  $n = 0$ 
2  então devolva 0
3  senão  $s \leftarrow \text{SOMAPOSITIVOS}(A, n - 1)$ 
4      se  $A[n] > 0$ 
5      então devolva  $s + A[n]$ 
6      senão devolva  $s$ 
  
```



O enunciado de um **problema** especifica em termos gerais o **relacionamento** entre a **entrada** e a **saída** desejada.

O **algoritmo** descreve um **procedimento computacional** “**específico**” para se alcançar esse **relacionamento**



- O problema da ordenação é um dos mais básicos em computação.
- Muito provavelmente este é um dos problemas com maior número de aplicações diretas ou indiretas (como parte da solução para um problema maior).
- Exemplos de aplicações diretas:
  - Criação de *rankings*.
  - Definição de preferências em atendimentos por prioridade.
- Exemplos de aplicações indiretas:
  - Otimização de sistemas de busca.
  - Manutenção de estruturas de bancos de dados.

- Vamos estudar alguns algoritmos para o seguinte problema:

### Definição do Problema

Dada uma coleção de elementos, com uma relação de ordem entre eles, ordenar os elementos da coleção de forma crescente.

- Nos nossos exemplos, a coleção de elementos será representada por uma lista de inteiros.
  - Números inteiros possuem uma relação de ordem entre eles.
- Apesar de usarmos números inteiros, os algoritmos que estudaremos servem para ordenar qualquer coleção de elementos que possam ser comparados entre si.



(formalmente)

# O problema de ordenar

**Entrada** **Uma sequência de  $n$  números**

$$[ a_1, a_2, \dots, a_n ]$$

$$[ a'_1, a'_2, \dots, a'_n ]$$

 **Saída****Uma uma permutação da sequência de entrada,****tal que,**  $a'_1 \leq a'_2 \leq \dots \leq a'_n$

# O problema de ordenar

(formalmente)

tamanho  $n$ Entrada 

Uma sequência de  $n$  números

$$[ a_1, a_2, \dots, a_n ]$$

$$[ a'_1, a'_2, \dots, a'_n ]$$

 Saída

Uma uma permutação da sequência de entrada,

tal que,  $a'_1 \leq a'_2 \leq \dots \leq a'_n$

# O problema de ordenar

Uma instancia

Entrada →

Uma sequência de 6 números

[ 8, 5, 7, 2, 9, 3 ]

[  $a'_1, a'_2, \dots, a'_n$  ]

→ Saída

Uma uma permutação da sequência de entrada,

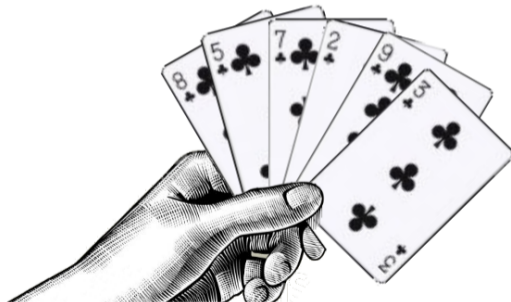
tal que,  $a'_1 \leq a'_2 \leq \dots \leq a'_n$

# O problema de ordenar

Entrada →

Uma sequência de 6 números

[ 8, 5, 7, 2, 9, 3 ]



# Bubble Sort

- A ideia do algoritmo Bubble Sort é a seguinte:
- O algoritmo faz iterações repetindo os seguintes passos:
  - Se  $\text{lista}[0] > \text{lista}[1]$ , troque  $\text{lista}[0]$  com  $\text{lista}[1]$ .
  - Se  $\text{lista}[1] > \text{lista}[2]$ , troque  $\text{lista}[1]$  com  $\text{lista}[2]$ .
  - Se  $\text{lista}[2] > \text{lista}[3]$ , troque  $\text{lista}[2]$  com  $\text{lista}[3]$ .
  - ...
  - Se  $\text{lista}[n-2] > \text{lista}[n-1]$ , troque  $\text{lista}[n-2]$  com  $\text{lista}[n-1]$ .
- Após uma iteração executando os passos acima, o que podemos garantir?
  - O maior elemento estará na posição correta (a última da lista).

<https://ic.unicamp.br/~mc102/aulas/aula10.pdf>

- Após a primeira iteração de trocas, o maior elemento estará na posição correta.
- Após a segunda iteração de trocas, o segundo maior elemento estará na posição correta.
- E assim sucessivamente...
- Quantas iterações são necessárias para deixar a lista completamente ordenada?

<https://ic.unicamp.br/~mc102/aulas/aula10.pdf>

- No exemplo abaixo, os elementos sublinhados estão sendo comparados (e, eventualmente, serão trocados):

[57, 32, 25, 11, 90, 63]

[32, 57, 25, 11, 90, 63]

[32, 25, 57, 11, 90, 63]

[32, 25, 11, 57, 90, 63]

[32, 25, 11, 57, 90, 63]

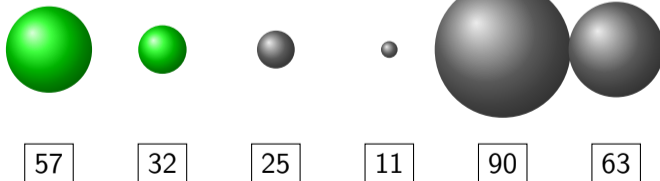
[32, 25, 11, 57, 63, 90]

- Isto termina a primeira iteração de trocas.
- Como a lista possui 6 elementos, temos que realizar 5 iterações.
- Note que, após a primeira iteração, não precisamos mais avaliar a última posição da lista.



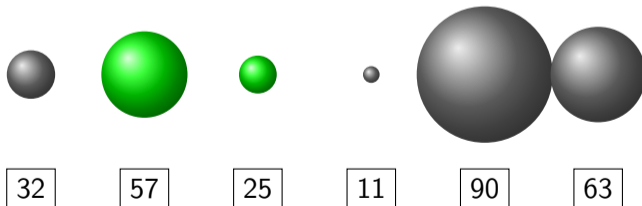
# Uma iteração = uma "bubble" posicionada

```
n = len(lista)
for j in range(n-1):
    if lista[j] > lista[j + 1]:
        aux = lista[j]
        lista[j] = lista[j+1]
        lista[j+1] = aux
```



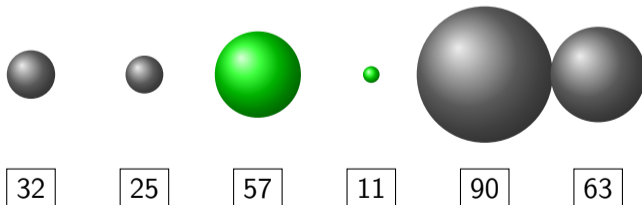
## Uma iteração = uma "bubble" posicionada

```
n = len(lista)
for j in range(n-1):
    if lista[j] > lista[j + 1]:
        aux = lista[j]
        lista[j] = lista[j+1]
        lista[j+1] = aux
```



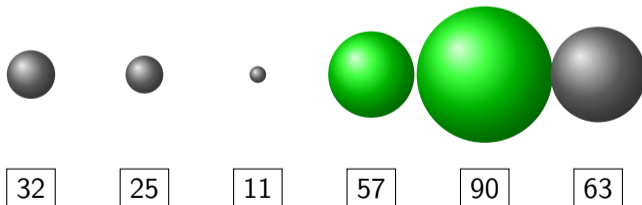
## Uma iteração = uma "bubble" posicionada

```
n = len(lista)
for j in range(n-1):
    if lista[j] > lista[j + 1]:
        aux = lista[j]
        lista[j] = lista[j+1]
        lista[j+1] = aux
```



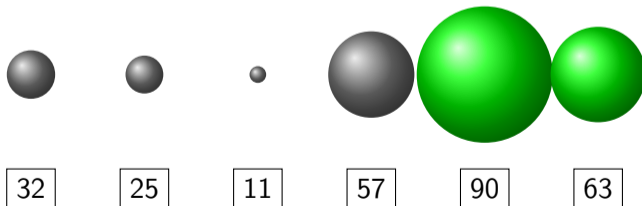
# Uma iteração = uma "bubble" posicionada

```
n = len(lista)
for j in range(n-1):
    if lista[j] > lista[j + 1]:
        aux = lista[j]
        lista[j] = lista[j+1]
        lista[j+1] = aux
```



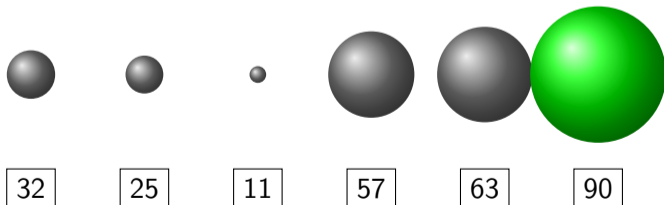
# Uma iteração = uma "bubble" posicionada

```
n = len(lista)
for j in range(n-1):
    if lista[j] > lista[j + 1]:
        aux = lista[j]
        lista[j] = lista[j+1]
        lista[j+1] = aux
```



## Uma iteração = uma "bubble" posicionada

```
n = len(lista)
for j in range(n-1):
    if lista[j] > lista[j + 1]:
        aux = lista[j]
        lista[j] = lista[j+1]
        lista[j+1] = aux
```

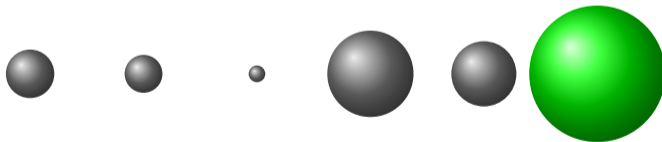


- Podemos trocar os elementos das posições  $i$  e  $j$  de uma lista da seguinte forma:

```
1 lista = [1, 2, 3, 4, 5]
2 i = 0 # lista[0] = 1
3 j = 2 # lista[2] = 3
4
5
6 (lista[i], lista[j]) = (lista[j], lista[i])
7
8
9 print(lista)
10 # [3, 2, 1, 4, 5]
```

# Bubble Sort

```
n = len(lista)
for j in range(n-1):
    if lista[j] > lista[j + 1]:
        (lista[j], lista[j+1]) = (lista[j+1], lista[j])
```





- O código abaixo realiza as trocas de uma iteração do algoritmo.
- Os pares de elementos das posições  $0$  e  $1$ ,  $1$  e  $2$ , ...,  $i-1$  e  $i$  são comparados e, eventualmente, trocados.
- Assumimos que, das posições  $i+1$  até  $n-1$ , a lista já possui os maiores elementos ordenados.

```
1 for j in range(i):  
2     if lista[j] > lista[j + 1]:  
3         (lista[j], lista[j + 1]) = (lista[j + 1], lista[j])
```

```
1 def bubbleSort(lista):
2     n = len(lista)
3     for i in range(n - 1, 0, -1):
4         for j in range(i):
5             if lista[j] > lista[j + 1]:
6                 (lista[j], lista[j + 1]) = (lista[j + 1], lista[j])
```

- Note que as comparações na primeira iteração ocorrem até a última posição da lista.
- Na segunda iteração, elas ocorrem até a penúltima posição.
- E assim sucessivamente...

```
1 def bubbleSort(lista):
2     n = len(lista)
3     for i in range(n - 1, 0, -1):
4         for j in range(i):
5             if lista[j] > lista[j + 1]:
6                 (lista[j], lista[j + 1]) = (lista[j + 1], lista[j])
```

- Número máximo de comparações entre elementos da lista:

$$f(n) = \sum_{i=1}^{n-1} \sum_{j=0}^{i-1} 1 = \sum_{i=1}^{n-1} i = (n-1) \frac{n}{2} = \frac{n^2 - n}{2}$$

```
1 def bubbleSort(lista):
2     n = len(lista)
3     for i in range(n - 1, 0, -1):
4         for j in range(i):
5             if lista[j] > lista[j + 1]:
6                 (lista[j], lista[j + 1]) = (lista[j + 1], lista[j])
```

- Número máximo de trocas entre elementos da lista:

$$f(n) = \sum_{i=1}^{n-1} \sum_{j=0}^{i-1} 1 = \sum_{i=1}^{n-1} i = (n-1) \frac{n}{2} = \frac{n^2 - n}{2}$$

```
1 def bubbleSort(lista):
2     n = len(lista)
3     for i in range(n - 1, 0, -1):
4         for j in range(i):
5             if lista[j] > lista[j + 1]:
6                 (lista[j], lista[j + 1]) = (lista[j + 1], lista[j])
```

- Número mínimo de comparações entre elementos da lista:

$$f(n) = \sum_{i=1}^{n-1} \sum_{j=0}^{i-1} 1 = \sum_{i=1}^{n-1} i = (n-1) \frac{n}{2} = \frac{n^2 - n}{2}$$

```
1 def bubbleSort(lista):  
2     n = len(lista)  
3     for i in range(n - 1, 0, -1):  
4         for j in range(i):  
5             if lista[j] > lista[j + 1]:  
6                 (lista[j], lista[j + 1]) = (lista[j + 1], lista[j])
```

- Número mínimo de trocas entre elementos da lista:

$$f(n) = \sum_{i=1}^{n-1} \sum_{j=0}^{i-1} 0 = 0$$

# Selection Sort

- Dada uma lista contendo  $n$  números inteiros, desejamos ordenar essa lista de forma crescente.
- A ideia do algoritmo é a seguinte:
  - Encontre o menor elemento a partir da posição 0. Troque este elemento com o elemento da posição 0.
  - Encontre o menor elemento a partir da posição 1. Troque este elemento com o elemento da posição 1.
  - Encontre o menor elemento a partir da posição 2. Troque este elemento com o elemento da posição 2.
  - E assim sucessivamente...



- No exemplo abaixo, os elementos sublinhados representam os elementos que serão trocados na iteração  $i$  do Selection Sort:

Iteração 0: [57, 32, 25, 11, 90, 63]

Iteração 1: [11, 32, 25, 57, 90, 63]

Iteração 2: [11, 25, 32, 57, 90, 63]

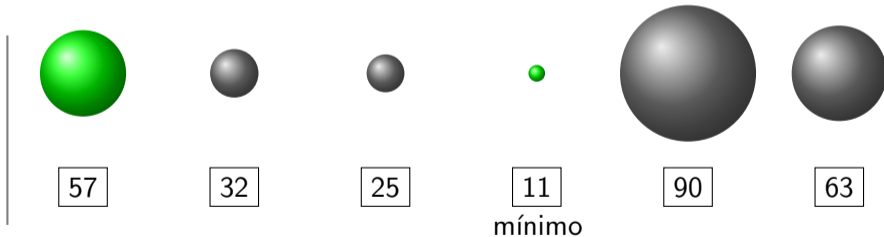
Iteração 3: [11, 25, 32, 57, 90, 63]

Iteração 4: [11, 25, 32, 57, 90, 63]

Iteração 5: [11, 25, 32, 57, 63, 90]

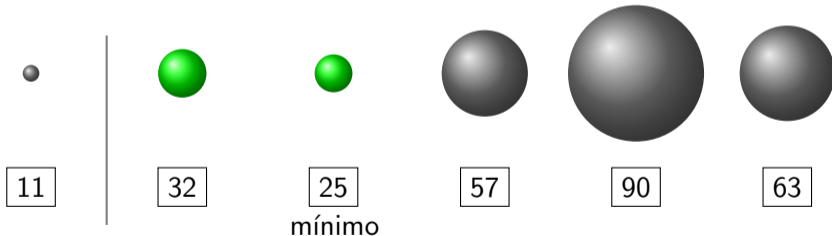
# Selecionando o mínimo

```
def selectionSort(lista):  
    n = len(lista)  
    for i in range(n-1):  
        minimo = indiceMenor(lista, i)  
        (lista[i], lista[minimo]) = (lista[minimo], lista[i])
```



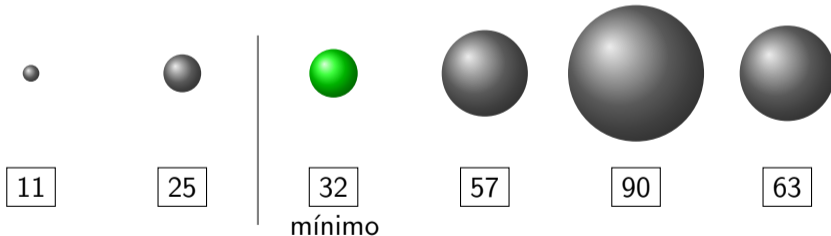
# Selecionando o mínimo

```
def selectionSort(lista):  
    n = len(lista)  
    for i in range(n-1):  
        minimo = indiceMenor(lista, i)  
        (lista[i], lista[minimo]) = (lista[minimo], lista[i])
```



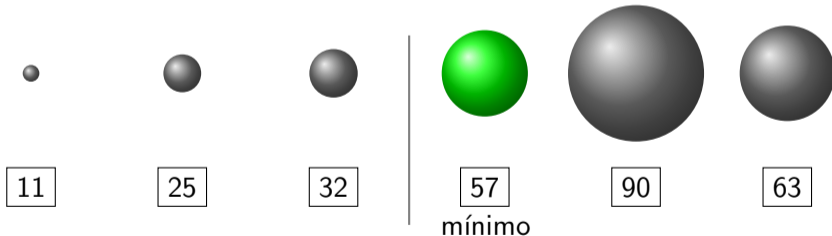
# Selecionando o mínimo

```
def selectionSort(lista):  
    n = len(lista)  
    for i in range(n-1):  
        minimo = indiceMenor(lista, i)  
        (lista[i], lista[minimo]) = (lista[minimo], lista[i])
```



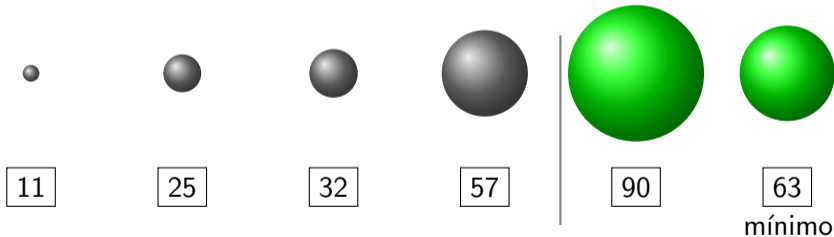
# Selecionando o mínimo

```
def selectionSort(lista):  
    n = len(lista)  
    for i in range(n-1):  
        minimo = indiceMenor(lista, i)  
        (lista[i], lista[minimo]) = (lista[minimo], lista[i])
```



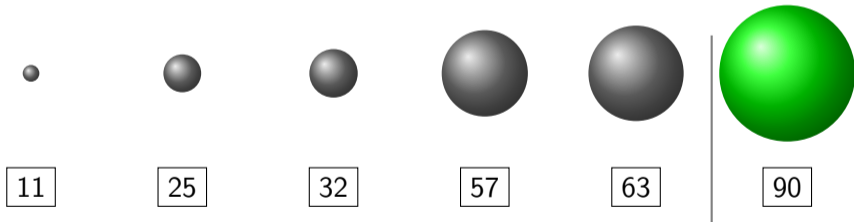
# Selecionando o mínimo

```
def selectionSort(lista):  
    n = len(lista)  
    for i in range(n-1):  
        minimo = indiceMenor(lista, i)  
        (lista[i], lista[minimo]) = (lista[minimo], lista[i])
```



# Selecionando o mínimo

```
def selectionSort(lista):  
    n = len(lista)  
    for i in range(n-1):  
        minimo = indiceMenor(lista, i)  
        (lista[i], lista[minimo]) = (lista[minimo], lista[i])
```



- Podemos criar uma função que retorna o índice do menor elemento de uma lista (formado por  $n$  números inteiros) a partir de uma posição inicial dada:

```
1 def indiceMenor(lista, inicio):
2     minimo = inicio
3     n = len(lista)
4     for j in range(inicio + 1, n):
5         if lista[minimo] > lista[j]:
6             minimo = j
7     return minimo
```



- Usando a função auxiliar `indiceMenor` podemos implementar o Selection Sort da seguinte forma:

```
1 def selectionSort(lista):  
2     n = len(lista)  
3     for i in range(n - 1):  
4         minimo = indiceMenor(lista, i)  
5         (lista[i], lista[minimo]) = (lista[minimo], lista[i])
```

```
1 def selectionSort(lista):  
2     n = len(lista)  
3     for i in range(n - 1):  
4         minimo = indiceMenor(lista, i)  
5         (lista[i], lista[minimo]) = (lista[minimo], lista[i])
```

- Número máximo de comparações entre elementos da lista:

$$f(n) = \sum_{i=0}^{n-2} \sum_{j=i+1}^{n-1} 1 = \sum_{i=0}^{n-2} n - i - 1 = \sum_{i=1}^{n-1} i = (n-1) \frac{n}{2} = \frac{n^2 - n}{2}$$

```
1 def selectionSort(lista):
2     n = len(lista)
3     for i in range(n - 1):
4         minimo = indiceMenor(lista, i)
5         (lista[i], lista[minimo]) = (lista[minimo], lista[i])
```

- Número máximo de trocas entre elementos da lista:

$$f(n) = \sum_{i=0}^{n-2} 1 = n - 1$$

```
1 def selectionSort(lista):
2     n = len(lista)
3     for i in range(n - 1):
4         minimo = indiceMenor(lista, i)
5         (lista[i], lista[minimo]) = (lista[minimo], lista[i])
```

- Número mínimo de comparações entre elementos da lista:

$$f(n) = \sum_{i=0}^{n-2} \sum_{j=i+1}^{n-1} 1 = \sum_{i=0}^{n-2} n - i - 1 = \sum_{i=1}^{n-1} i = (n-1) \frac{n}{2} = \frac{n^2 - n}{2}$$

```
1 def selectionSort(lista):  
2     n = len(lista)  
3     for i in range(n - 1):  
4         minimo = indiceMenor(lista, i)  
5         (lista[i], lista[minimo]) = (lista[minimo], lista[i])
```

- Número mínimo de trocas entre elementos da lista:

$$f(n) = \sum_{i=0}^{n-2} 1 = n - 1$$

<https://ic.unicamp.br/~mc102/aulas/aula10.pdf>

- É possível diminuir o número de trocas no melhor caso?
- Vale a pena testar se `lista[i] ≠ lista[minimo]` antes de realizar a troca?

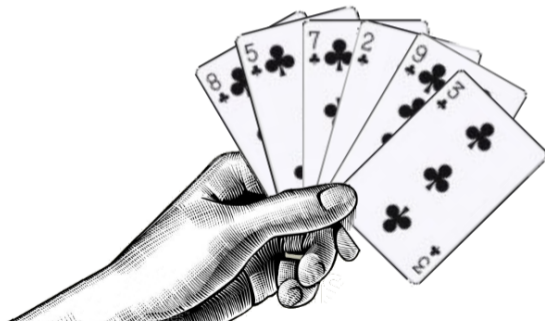
# Insertion Sort

# Insertion Sort

Entrada →

Uma sequência de 6 números

[ 8, 5, 7, 2, 9, 3 ]





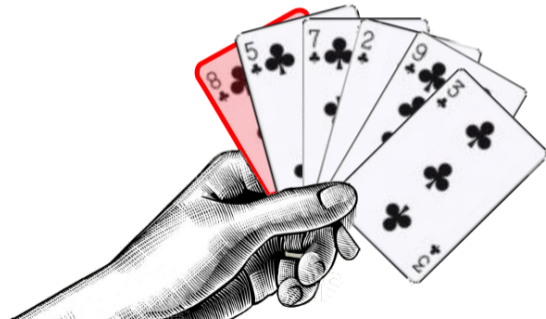
# Insertion Sort

Entrada →

Uma sequência de 6 números

[ 8, 5, 7, 2, 9, 3 ]

Ordenado | 8 5, 7, 2, 9, 3



# Insertion Sort

chave ← 5

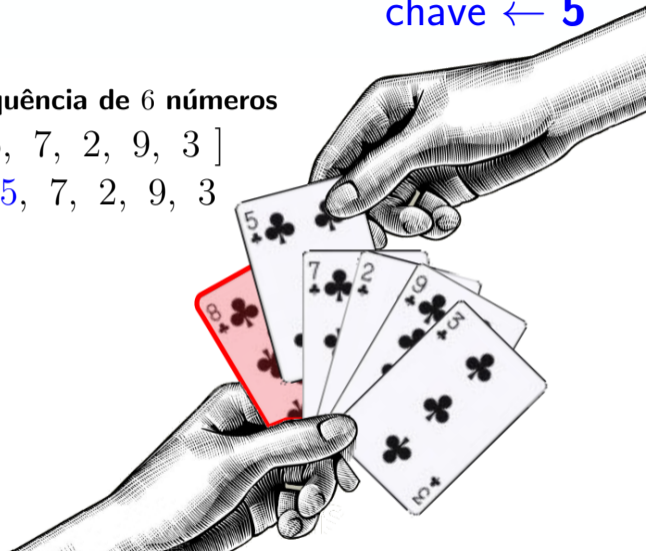
Entrada →

Uma sequência de 6 números

[ 8, 5, 7, 2, 9, 3 ]

8 | 5, 7, 2, 9, 3

Ordenado



# Insertion Sort

Entrada →

Uma sequência de 6 números

[ 8, 5, 7, 2, 9, 3 ]

5, 8 | 7, 2, 9, 3  
Ordenado



# Insertion Sort

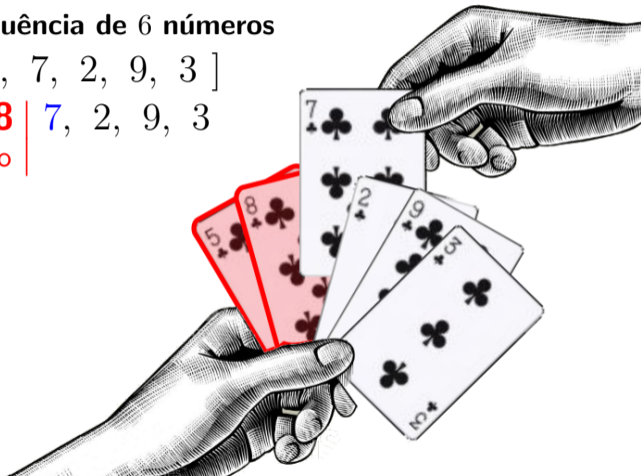
chave ← 7

Entrada →

Uma sequência de 6 números

 $[ 8, 5, 7, 2, 9, 3 ]$ 

5, 8 | 7, 2, 9, 3  
Ordenado



# Insertion Sort

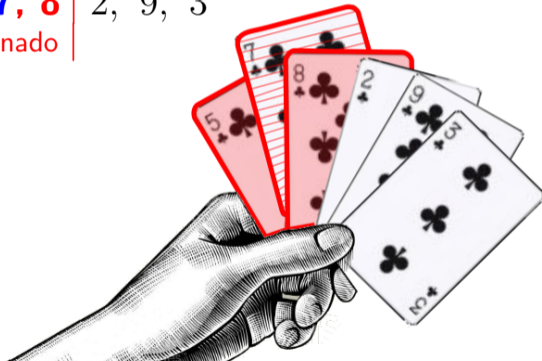
Entrada →

Uma sequência de 6 números

[ 8, 5, 7, 2, 9, 3 ]

**5, 7, 8** | 2, 9, 3

Ordenado



# Insertion Sort

chave ← 2

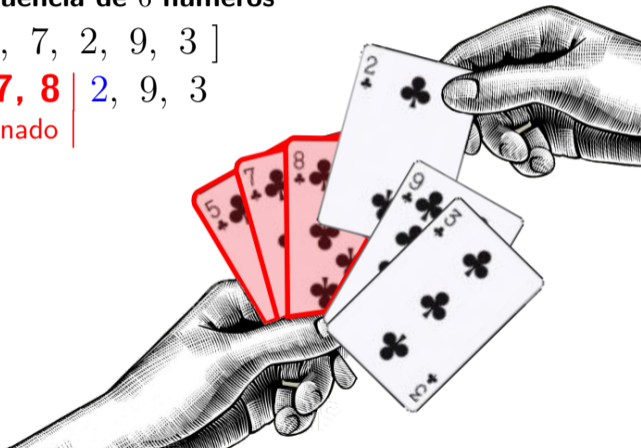
Entrada →

Uma sequência de 6 números

[ 8, 5, 7, 2, 9, 3 ]

5, 7, 8 | 2, 9, 3

Ordenado



# Insertion Sort

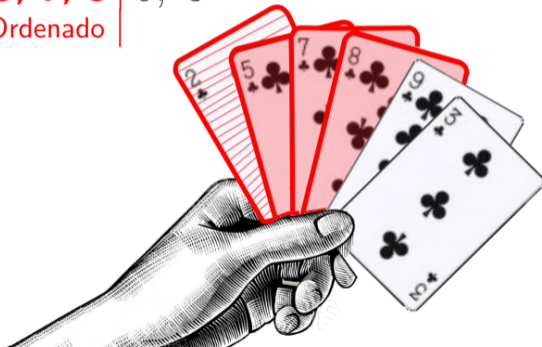
Entrada →

Uma sequência de 6 números

[ 8, 5, 7, 2, 9, 3 ]

**2, 5, 7, 8** | 9, 3

Ordenado



# Insertion Sort

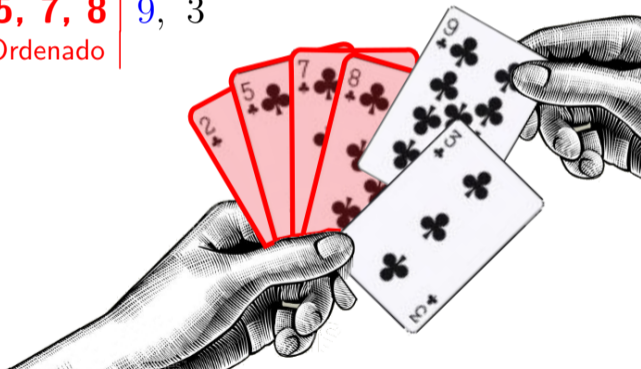
chave ← 9

Entrada →

Uma sequência de 6 números

 $[ 8, 5, 7, 2, 9, 3 ]$  $2, 5, 7, 8 \mid 9, 3$ 

Ordenado





# Insertion Sort

Entrada →

Uma sequência de 6 números

[ 8, 5, 7, 2, 9, 3 ]

**2, 5, 7, 8, 9** | 3

Ordenado



# Insertion Sort

chave ← 3

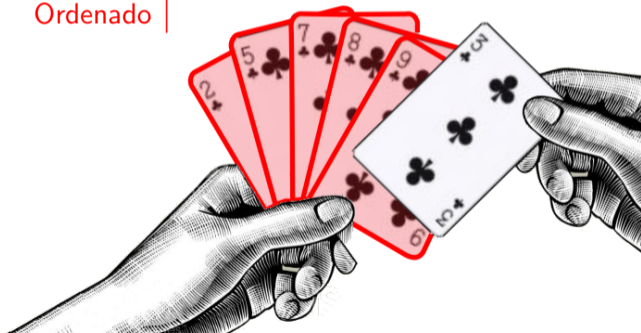
Entrada →

Uma sequência de 6 números

[ 8, 5, 7, 2, 9, 3 ]

2, 5, 7, 8, 9 | 3

Ordenado



# Insertion Sort

Entrada →

Uma sequência de 6 números

[ 8, 5, 7, 2, 9, 3 ]

2, 3, 5, 7, 8, 9

Ordenado



- A ideia do algoritmo Insertion Sort é a seguinte:
  - A cada iteração  $i$ , os elementos das posições 0 até  $i-1$  da lista estão ordenados.
  - Então, precisamos inserir o elemento da posição  $i$ , entre as posições 0 e  $i$ , de forma a deixar a lista ordenada até a posição  $i$ .
  - Na iteração seguinte, consideramos que a lista está ordenada até a posição  $i$  e repetimos o processo até que a lista esteja completamente ordenada.

- No exemplo abaixo, o elemento sublinhado representa o elemento que será inserido na  $i$ -ésima iteração do Insertion Sort:

[57, 25, 32, 11, 90, 63]: lista ordenada entre as posições 0 e 0.

[25, 57, 32, 11, 90, 63]: lista ordenada entre as posições 0 e 1.

[25, 32, 57, 11, 90, 63]: lista ordenada entre as posições 0 e 2.

[11, 25, 32, 57, 90, 63]: lista ordenada entre as posições 0 e 3.

[11, 25, 32, 57, 90, 63]: lista ordenada entre as posições 0 e 4.

[11, 25, 32, 57, 63, 90]: lista ordenada entre as posições 0 e 5.

- Podemos criar uma função que, dados uma lista e um índice  $i$ , insere o elemento de índice  $i$  entre os elementos das posições  $0$  e  $i-1$  (pré-ordenados), de forma que todos os elementos entre as posições  $0$  e  $i$  fiquem ordenados:

```
1 def insertion(lista, i):
2     aux = lista[i]
3     j = i - 1
4     while (j >= 0) and (lista[j] > aux):
5         lista[j + 1] = lista[j]
6         j = j - 1
7     lista[j + 1] = aux
```

- Exemplo de execução da função `insertion`:

- Configuração inicial:

[11, 31, 54, 58, 66, 12, 47], `i` = 5, `aux` = 12

- Iterações:

[11, 31, 54, 58, 66, 12, 47], `j` = 4

[11, 31, 54, 58, 66, 66, 47], `j` = 3

[11, 31, 54, 58, 58, 66, 47], `j` = 2

[11, 31, 54, 54, 58, 66, 47], `j` = 1

[11, 31, 31, 54, 58, 66, 47], `j` = 0

- Neste ponto temos que `lista[j] < aux`, logo, o loop `while` é encerrado e a atribuição `lista[j + 1] = aux` é executada:

[11, 12, 31, 54, 58, 66, 47]

- Em Python podemos implementar a função `insertion` de forma ainda mais simples, inserindo o elemento na posição desejada com um único comando.

```
1 def insertion(lista, i):  
2     j = i - 1  
3     while (j >= 0) and (lista[j] > lista[i]):  
4         j = j - 1  
5     lista[j + 1:i + 1] = [lista[i]] + lista[j + 1:i]
```



- Usando a função auxiliar `insertion` podemos implementar o Insertion Sort da seguinte forma:

```
1 def insertionSort(lista):  
2     n = len(lista)  
3     for i in range(1, n):  
4         insertion(lista, i)
```

```
1 def insertionSort(lista):  
2     n = len(lista)  
3     for i in range(1, n):  
4         insertion(lista, i)
```

- Número máximo de comparações entre elementos da lista:

$$f(n) = \sum_{i=1}^{n-1} \sum_{j=0}^{i-1} 1 = \sum_{i=1}^{n-1} i = (n-1) \frac{n}{2} = \frac{n^2 - n}{2}$$

```
1 def insertionSort(lista):  
2     n = len(lista)  
3     for i in range(1, n):  
4         insertion(lista, i)
```

- Número máximo de modificações realizadas na lista:

$$f(n) = \sum_{i=1}^{n-1} \sum_{j=0}^i 1 = \sum_{i=1}^{n-1} (i+1) = (n-1) \frac{n+2}{2} = \frac{n^2+n}{2} - 1$$

```
1 def insertionSort(lista):  
2     n = len(lista)  
3     for i in range(1, n):  
4         insertion(lista, i)
```

- Número mínimo de comparações entre elementos da lista:

$$f(n) = \sum_{i=1}^{n-1} 1 = n - 1$$

```
1 def insertionSort(lista):  
2     n = len(lista)  
3     for i in range(1, n):  
4         insertion(lista, i)
```

- Número mínimo de modificações realizadas na lista:

$$f(n) = \sum_{i=1}^{n-1} 1 = n - 1$$

# Resumo

<https://ic.unicamp.br/~mc102/aulas/aula10.pdf>

- Não existe um algoritmo de ordenação que seja o melhor em todas as possíveis situações.
- Para escolher o algoritmo mais adequado para uma dada situação, precisamos verificar as características específicas dos elementos que devem ser ordenados.
- Por exemplo:
  - Se os elementos a serem ordenados forem grandes, por exemplo, registros acadêmicos de alunos, o Selection Sort pode ser uma boa escolha, já que ele efetuará, no pior caso, muito menos trocas que o Insertion Sort ou o Bubble Sort.
  - Se os elementos a serem ordenados estiverem quase ordenados (situação relativamente comum), o Insertion Sort realizará muito menos operações (comparações e trocas) do que o Selection Sort ou o Bubble Sort.
- Teste de tempo de execução dos algoritmos de ordenação:
  - <https://repl.it/@sandrooliveira/testetempo>

# Exercícios



<https://ic.unicamp.br/~mc102/aulas/aula10.pdf>

1. Altere o Bubble Sort para que o algoritmo pare assim que for possível perceber que a lista está ordenada. Qual o custo deste novo algoritmo em termos do número de comparações entre elementos da lista (tanto no melhor, quanto no pior caso)?
2. Escreva uma função **k-ésimo** que, dada uma lista de tamanho  $n$  e um inteiro  $k$  (tal que  $1 \leq k \leq n$ ), determine o **k-ésimo** menor elemento da lista. Analise o custo da sua função em termos do número de comparações realizadas entre elementos da lista.

# Perguntas ....

# Referências

- Zanoni Dias, MC102, Algoritmos e Programação de Computadores, IC/UNICAMP, 2021. <https://ic.unicamp.br/~mc102/>
  - Aula Introdutória [ [slides](#) ] [ [vídeo](#) ]
  - Primeira Aula de Laboratório [ [slides](#) ] [ [vídeo](#) ]
  - Python Básico: Tipos, Variáveis, Operadores, Entrada e Saída [ [slides](#) ] [ [vídeo](#) ]
  - Comandos Condicionais [ [slides](#) ] [ [vídeo](#) ]
  - Comandos de Repetição [ [slides](#) ] [ [vídeo](#) ]
  - Listas e Tuplas [ [slides](#) ] [ [vídeo](#) ]
  - Strings [ [slides](#) ] [ [vídeo](#) ]
  - Dicionários [ [slides](#) ] [ [vídeo](#) ]
  - Funções [ [slides](#) ] [ [vídeo](#) ]
  - Objetos Multidimensionais [ [slides](#) ] [ [vídeo](#) ]
  - Algoritmos de Ordenação [ [slides](#) ] [ [vídeo](#) ]
  - Algoritmos de Busca [ [slides](#) ] [ [vídeo](#) ]
  - Recursão [ [slides](#) ] [ [vídeo](#) ]
  - Algoritmos de Ordenação Recursivos [ [slides](#) ] [ [vídeo](#) ]
  - Arquivos [ [slides](#) ] [ [vídeo](#) ]
  - Expressões Regulares [ [slides](#) ] [ [vídeo](#) ]
  - Execução de Testes no Google Cloud Shell [ [slides](#) ] [ [vídeo](#) ]
  - Numpy [ [slides](#) ] [ [vídeo](#) ]
  - Pandas [ [slides](#) ] [ [vídeo](#) ]
- Panda - Cursos de Computação em Python (IME -USP) <https://panda.ime.usp.br/>
  - Como Pensar Como um Cientista da Computação <https://panda.ime.usp.br/pensepy/static/pensepy/>
  - Aulas de Introdução à Computação em Python <https://panda.ime.usp.br/aulasPython/static/aulasPython/>
- Fabio Kon, Introdução à Ciência da Computação com Python <http://bit.ly/FabioKon/>
- Socratica, Python Programming Tutorials <http://bit.ly/SocraticaPython/>
- Google - online editor for cloud-native applications (Python programming) <https://shell.cloud.google.com/>
- w3schools - Python Tutorial <https://www.w3schools.com/python/>
- Outros, citados nos Slides.